

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
المسالك الدولية – خيار فرنسية  
الدورة العادية 2016  
- الموضوع -

NS31F

ⵜⴰⵎⴰⵎⴳⴷⴰⵏⵜ ⵏ ⵏⵓⵔⵓⵔ  
ⵜⴰⵎⴰⵎⴳⴷⴰⵏⵜ ⵏ ⵏⵓⵔⵓⵔ  
ⵏ ⵏⵓⵔⵓⵔ ⵏ ⵏⵓⵔⵓⵔ



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم  
والامتحانات والتوجيه

4

مدة الإنجاز

الفيزياء والكيمياء

المادة

7

المعامل

مسلك العلوم الرياضية (أ) و (ب) (خيار فرنسية)

الشعبة أو المسلك

**L'usage de la calculatrice scientifique non programmable est autorisé.**

Le sujet comporte 4 exercices : un exercice de chimie et trois exercices de physique.

**Chimie(7 points):**

- Etude d'une solution aqueuse d'ammoniac et de sa réaction avec un acide.
- Electrolyse d'une solution aqueuse de nitrate d'argent.

**Physique(13 points):**

➤ **Les transformations nucléaires (2,25 points) :**

- La radioactivité du polonium.

➤ **L'électricité (5,25 points):**

- Etude d'un dipôle RL et des oscillations libres dans un circuit RLC série.
- Etude des oscillations forcées dans un circuit RLC série.

➤ **La mécanique (5,5 points):**

- Etude de la chute verticale avec frottement.
- Etude du mouvement d'un pendule de torsion.

**Chimie (7 points):****Les parties I et II sont indépendantes**

Les composés chimiques contenant l'élément azote sont utilisés dans divers domaines comme l'agriculture pour la fertilisation des sols par les engrais ou l'industrie pour la fabrication des médicaments etc...

Cet exercice se propose d'étudier :

-une solution aqueuse d'ammoniac  $\text{NH}_3$  et sa réaction avec une solution aqueuse de chlorure de méthylammonium  $\text{CH}_3\text{NH}_3^+(\text{aq}) + \text{Cl}^-(\text{aq})$ .

-l'électrolyse d'une solution aqueuse de nitrate d'argent  $\text{Ag}^+(\text{aq}) + \text{NO}_3^-(\text{aq})$ .

**Partie I : Etude d'une solution aqueuse d'ammoniac et de sa réaction avec un acide.****Données :**

- Toutes les mesures sont effectuées à  $25^\circ\text{C}$ ,
- Le produit ionique de l'eau :  $K_e = 10^{-14}$ ,
- On note  $\text{pK}_A(\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})) = \text{pK}_{A1}$ ,
- $\text{pK}_A(\text{CH}_3\text{NH}_3^+(\text{aq}) / \text{CH}_3\text{NH}_2(\text{aq})) = \text{pK}_{A2} = 10,7$ .

**1) Etude d'une solution aqueuse d'ammoniac**

**1-1-** On prépare une solution aqueuse  $S_1$  d'ammoniac de concentration molaire  $C_1 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ .

La mesure du pH de la solution  $S_1$  donne la valeur  $\text{pH}_1 = 10,6$ .

0,25

**1-1-1-** Ecrire l'équation chimique modélisant la réaction de l'ammoniac avec l'eau.

0,75

**1-1-2-** Trouver l'expression du taux d'avancement final  $\tau_1$  de la réaction en fonction de  $C_1$ ,  $\text{pH}_1$  et  $K_e$ .

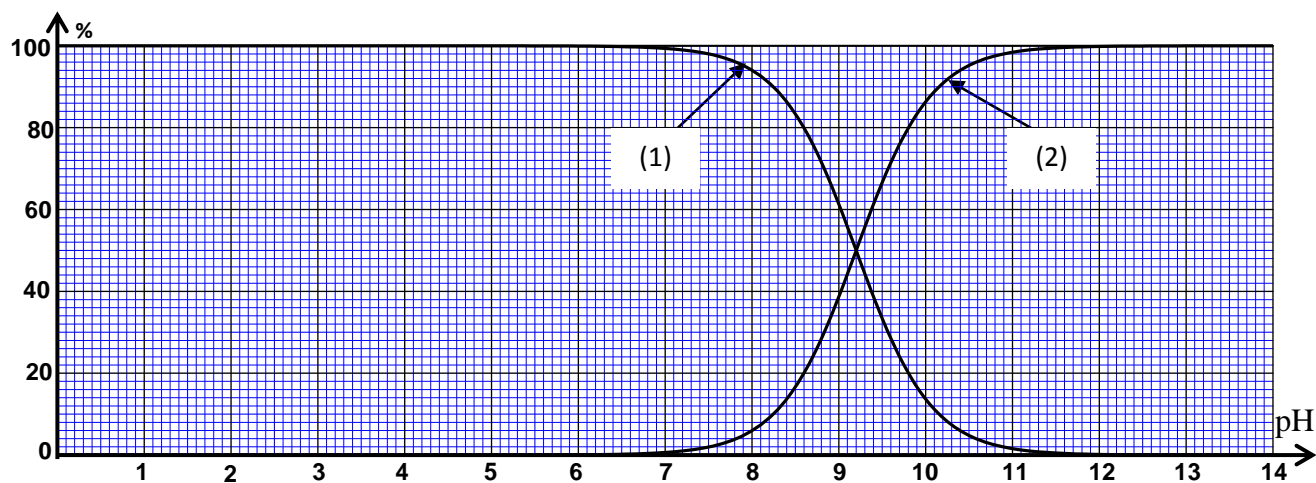
Vérifier que  $\tau_1 \approx 4\%$ .

0,75

**1-1-3-** Trouver l'expression de la constante d'équilibre  $K$  associée à l'équation de la réaction en fonction de  $C_1$  et de  $\tau_1$ . Calculer sa valeur.

**1-2-** On dilue la solution  $S_1$ , on obtient alors une solution  $S_2$ . On mesure le pH de la solution  $S_2$  et on trouve  $\text{pH}_2 = 10,4$ .

Les courbes de la figure ci-dessous représentent le diagramme de distribution de la forme acide et de la forme basique du couple  $\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})$ .



0,5

**1-2-1-** Associer, en justifiant, la forme basique du couple  $\text{NH}_4^+(\text{aq}) / \text{NH}_3(\text{aq})$  à la courbe qui lui correspond.

1-2-2- A l'aide des courbes représentées sur la figure, déterminer :

0,25

a-  $pK_{A1}$  .

0,25

b- le taux d'avancement  $\tau_2$  de la réaction dans la solution  $S_2$  .

0,25

1-2-3- Que peut-on déduire en comparant  $\tau_1$  et  $\tau_2$  ?

### 2- Etude de la réaction de l'ammoniac avec l'ion méthylammonium

On mélange dans un bécher un volume  $V_1$  de la solution aqueuse  $S_1$  d'ammoniac de concentration molaire  $C_1$  avec un volume  $V = V_1$  d'une solution aqueuse  $S$  de chlorure de méthylammonium

$CH_3NH_3^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)}$  de concentration molaire  $C = C_1$  .

0,25

2-1- Ecrire l'équation chimique modélisant la réaction de l'ammoniac avec l'ion méthylammonium  $CH_3NH_3^+_{(aq)}$  .

0,5

2-2- Trouver la valeur de la constante d'équilibre  $K'$  associée à l'équation de cette réaction.

0,75

2-3- Montrer que l'expression de la concentration de  $NH_4^+$  et celle de  $CH_3NH_2$  dans le mélange

réactionnel à l'équilibre, s'écrit :  $[CH_3NH_2]_{\text{éq}} = [NH_4^+]_{\text{éq}} = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$  .

0,5

2-4- Déterminer le pH du mélange réactionnel à l'équilibre.

### Partie II : Electrolyse d'une solution aqueuse de nitrate d'argent

On effectue l'électrolyse d'une solution aqueuse de nitrate d'argent  $Ag^+_{(aq)} + NO_3^-_{(aq)}$  acidifiée par une solution aqueuse d'acide nitrique  $H_3O^+_{(aq)} + NO_3^-_{(aq)}$  en utilisant deux électrodes en graphite. Le volume du mélange dans l'électrolyseur est  $V = 400 \text{ mL}$  .

#### Données :

- Les deux couples Ox / red intervenant dans cette réaction sont :  $O_{2(g)}/H_2O_{(l)}$  ;  $Ag^+_{(aq)}/Ag_{(s)}$  .
- Le faraday :  $1F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$  .

On mesure le pH du mélange avant la fermeture du circuit et on trouve  $pH_0 = 3$  , puis on ferme le circuit à un instant choisi comme origine des dates ( $t = 0$ ) . Un courant électrique d'intensité constante  $I = 2,66 \cdot 10^2 \text{ mA}$  circule alors dans le circuit.

L'équation bilan de la réaction est :  $6H_2O_{(l)} + 4Ag^+_{(aq)} \longrightarrow O_{2(g)} + 4H_3O^+_{(aq)} + 4Ag_{(s)}$

0,5

1- Ecrire l'équation de la réaction qui se produit à l'anode.

0,75

2- A l'aide du tableau d'avancement de la réaction, montrer que l'expression de l'avancement  $x$  de la

réaction à un instant  $t$  est :  $x = \frac{V}{4} \cdot (10^{-pH_t} - 10^{-pH_0})$  où  $pH_t$  représente la valeur du pH du mélange à cet instant .

0,75

3- Déterminer l'instant  $t_1$  où le pH du mélange prend la valeur  $pH_1 = 1,5$  .

**Physique (13points):**

**Les transformations nucléaires (2,25 points) :La radioactivité du polonium.**

Le noyau de polonium  ${}^{210}_{84}\text{Po}$  se désintègre spontanément pour se transformer en un noyau de plomb  ${}^{206}_{82}\text{Pb}$  avec émission d'une particule  $\alpha$ .

Cet exercice se propose d'étudier le bilan énergétique de cette transformation ainsi que l'évolution de cette dernière au cours du temps.

**Données :**

- Energie de liaison du noyau de polonium 210 :  $E_{\ell}({}^{210}\text{Po})=1,6449.10^3 \text{ MeV}$ ,
- Energie de liaison du noyau de plomb206 :  $E_{\ell}({}^{206}\text{Pb})=1,6220.10^3 \text{ MeV}$ ,
- Energie de liaison de la particule  $\alpha$  :  $E_{\ell}(\alpha) = 28,2989 \text{ MeV}$ ,
- On désigne par  $t_{1/2}$  la demi-vie du noyau de polonium 210.

0,5 **1-**Ecrire l'équation de cette transformation nucléaire en déterminant le nombre Z.

0,5 **2-** Déterminer en MeV l'énergie  $|\Delta E|$  produite lors de la désintégration d'un noyau de  ${}^{210}_{84}\text{Po}$ .

**3-** Soient  $N_0(\text{Po})$  le nombre de noyaux de polonium dans un échantillon à l'instant de date  $t=0$  et  $N(\text{Po})$  le nombre de noyaux restant dans le même échantillon à un instant de date  $t$ .

0,25 **3-1-** On désigne par  $N_D$  le nombre de noyaux de polonium désintégrés à l'instant de date  $t=4.t_{1/2}$ .

Choisir la proposition juste parmi les propositions suivantes :

a-  $N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{8}$  ; b-  $N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{16}$  ; c-  $N_D = \frac{N_0(\text{Po})}{4}$  ; d-  $N_D = \frac{15N_0(\text{Po})}{16}$ .

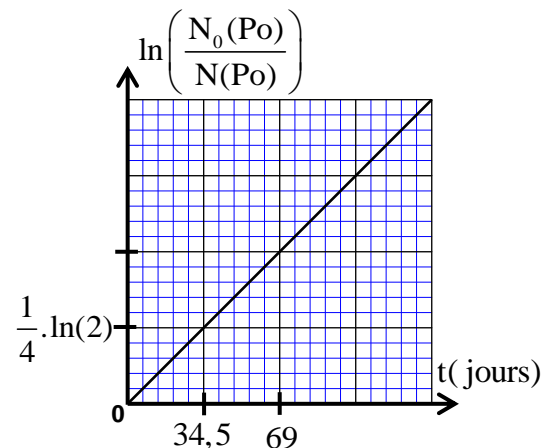
0,5 **3-2-** La courbe ci-dessous représente les variations de  $\ln\left(\frac{N_0(\text{Po})}{N(\text{Po})}\right)$  en fonction du temps .

A l'aide de cette courbe, déterminer en jour la demi-vie  $t_{1/2}$ .

0,5 **3-3-** Sachant que l'échantillon ne contient pas du plomb à  $t=0$ , déterminer en jour, l'instant  $t_1$  pour lequel :

$\frac{N(\text{Pb})}{N(\text{Po})} = \frac{2}{5}$ , où  $N(\text{Pb})$  est le nombre de noyaux de plomb

formés à cet instant.



**Electricité (5,25points)**

Le condensateur, le conducteur ohmique et la bobine sont des dipôles utilisés dans les circuits de divers appareils électriques tels les amplificateurs, les postes radio et téléviseurs ...

Cet exercice a pour objectif l'étude :

- de la réponse d'un dipôle RL à un échelon de tension ;
- de la décharge d'un condensateur dans un dipôle RL ;
- des oscillations forcées dans un circuit RLC série.

**1-Réponse d'un dipôle RL à un échelon de tension**

On réalise le montage électrique représenté sur la figure 1, qui contient :

- un générateur de tension de force électromotrice  $E$  et de résistance interne négligeable ;
- deux conducteurs ohmiques de résistance  $R_0 = 45\Omega$  et  $r$  ;
- une bobine (b) d'inductance  $L_0$  et de résistance  $r_0$  ;
- un interrupteur  $K$ .

On ferme l'interrupteur  $K$  à un instant choisi comme origine des dates ( $t = 0$ ). Un système de saisie informatique

approprié permet de tracer la courbe (C1) représentant la tension  $u_{AM}(t)$  et la courbe (C2) représentant la tension  $u_{BM}(t)$  (figure 2).

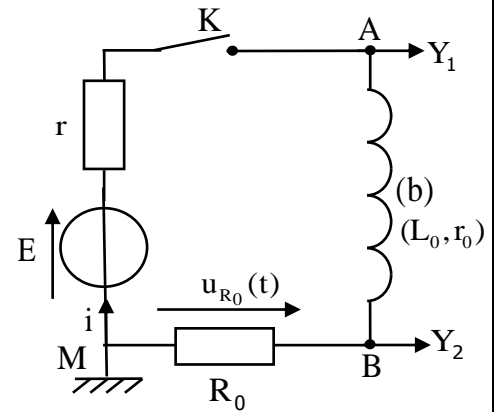


Figure 1

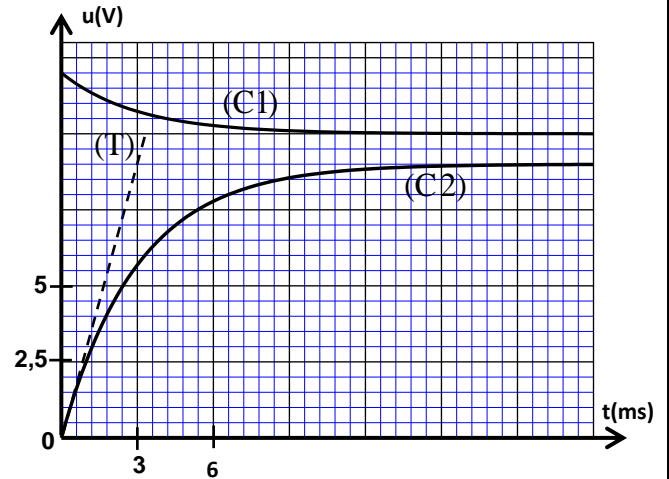


Figure 2

- 0,25 **1-1-**Etablir l'équation différentielle vérifiée par l'intensité  $i(t)$  du courant .
- 0,25 **1-2-**Trouver la valeur de  $E$ .
- 1 **1-3-** Déterminer la valeur de  $r$  et montrer que  $r_0 = 5\Omega$  .
- 0,5 **1-4-** La droite (T) représente la tangente à la courbe (C2) à l'instant de date  $t = 0$  (figure 2). Vérifier que  $L_0 = 0,18H$ .

**2-Décharge d'un condensateur dans le dipôle RL**

On monte en série à un instant de date  $t = 0$  un condensateur de capacité  $C = 14,1\mu F$ , totalement chargé, avec la bobine précédente (b) et un conducteur ohmique de résistance  $R = 20\Omega$  (figure 3).

Un système de saisie informatique approprié permet de tracer la courbe représentant la tension  $u_C(t)$  aux bornes du condensateur et la courbe représentant la tension  $u_R(t)$  aux bornes du conducteur ohmique (figure 4, page 6/8).

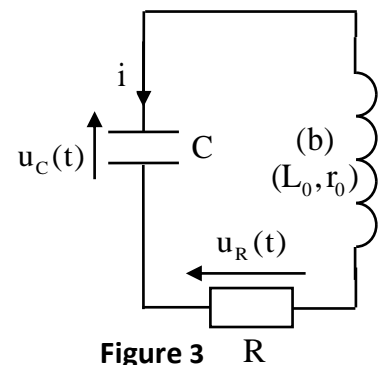


Figure 3

- 0,25 **2-1-** Quel est parmi les trois régimes d'oscillations, celui qui correspond aux courbes obtenues sur la figure 4 ?
- 0,5 **2-2-** Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension  $u_C(t)$ .
- 1 **2-3-** Trouver l'énergie  $|E_j|$  dissipée par effet joule dans le circuit entre les deux instants  $t_1 = 0$  et  $t_2 = 14ms$ .

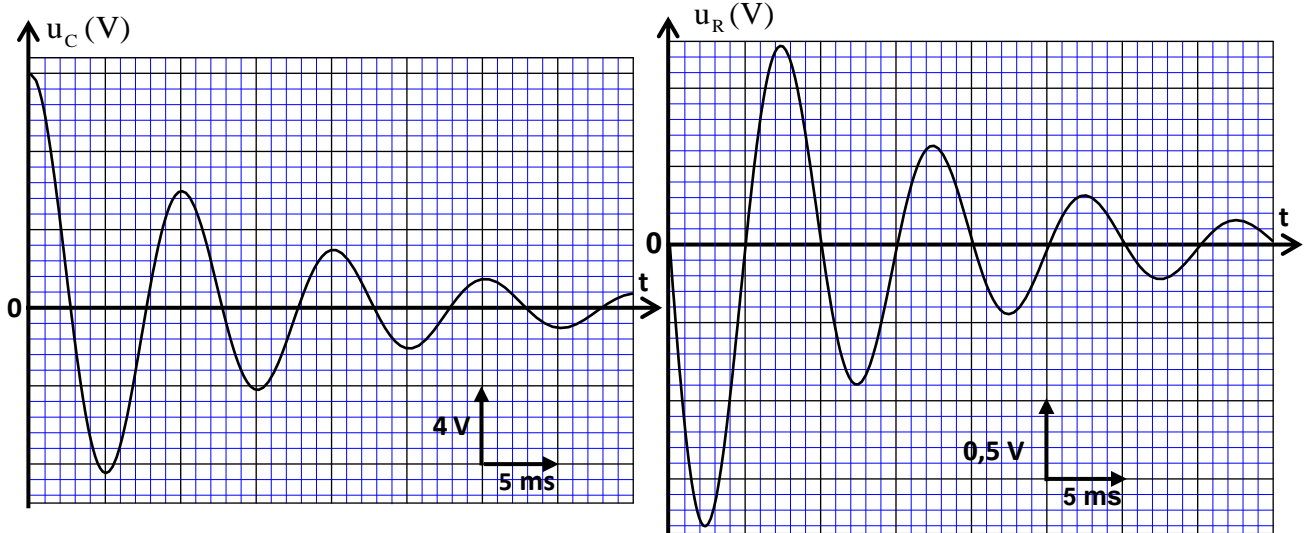


Figure 4

### 3-Oscillations forcées dans un circuit RLC série

Le circuit représenté sur la figure 5 contient :

- un générateur GBF délivrant au circuit une tension sinusoïdale  $u_{AB}(t) = 3\sqrt{2} \cdot \cos(2\pi \cdot N \cdot t)$  exprimée en V et de fréquence N réglable,
- un conducteur ohmique de résistance  $R_1$ ,
- la bobine (b) précédente,
- un condensateur de capacité  $C_1$ ,
- un ampèremètre.

Le coefficient de qualité de ce circuit est  $Q=7$ , la largeur de la bande passante à -3dB est 14,3Hz.

A la résonance, l'ampèremètre indique la valeur  $I_0 = 1,85 \cdot 10^2$  mA .

- 0,5 3-1- Déterminer la fréquence des oscillations électriques à la résonance.
- 0,5 3-2- Trouver la valeur de  $R_1$  et celle de  $C_1$ .
- 0,5 3-3- Calculer la puissance électrique moyenne, consommée par effet joule, dans le circuit quand la fréquence prend l'une des valeurs limitant la bande passante.

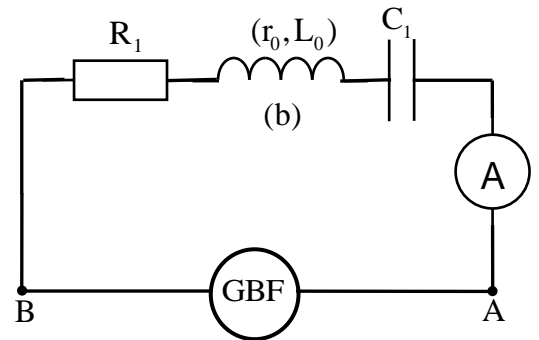


Figure 5

### Mécanique(5,5points) :

Les parties I et II sont indépendantes

#### Partie I : Etude de la chute de deux boules dans l'air

Galilée, homme de sciences italien, s'intéressa à l'étude de la chute de divers corps. Selon la légende, il aurait effectué cette étude en lâchant ces corps du sommet de la tour de Pise.

Pour vérifier certains résultats avancés par Galilée, on se propose d'étudier dans cette partie la chute dans l'air de deux boules ayant le même rayon et des masses volumiques différentes.

L'étude du mouvement de chaque boule s'effectue dans un repère  $R(O, \vec{k})$  associé à un référentiel terrestre supposé galiléen. On repère, à chaque instant, la position du centre d'inertie de chacune des deux boules par la cote  $z$  sur l'axe vertical  $(O, \vec{k})$  orienté vers le haut et dont l'origine est prise au niveau du sol (figure 1).

Chaque boule est soumise, durant sa chute, à son poids  $\vec{P}$  et à la force de frottement fluide  $\vec{f}$  (On néglige la poussée d'Archimède devant ces deux forces).

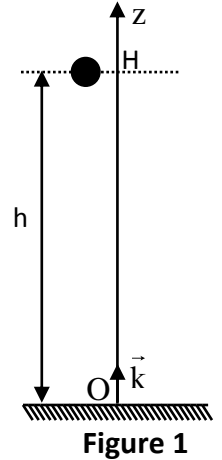
On admet que l'intensité de la force  $\vec{f}$  s'écrit :  $f = 0,22 \cdot \rho_{\text{air}} \cdot \pi \cdot R^2 \cdot v_z^2$  où  $\rho_{\text{air}}$  est la masse volumique de l'air,  $R$  le rayon de la boule et  $v_z$  la valeur algébrique de la vitesse du centre d'inertie  $G$  de la boule à un instant  $t$ .

**Données :**

- Le volume d'une boule de rayon  $R$  est  $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3$ ,
- L'intensité de la pesanteur  $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ ,
- La masse volumique de l'air  $\rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ kg.m}^{-3}$ .

Cette étude est effectuée avec deux boules (a) et (b) homogènes ayant le même rayon  $R = 6 \text{ cm}$  et des masses volumiques respectives  $\rho_1 = 1,14 \cdot 10^4 \text{ kg.m}^{-3}$  et  $\rho_2 = 94 \text{ kg.m}^{-3}$ .

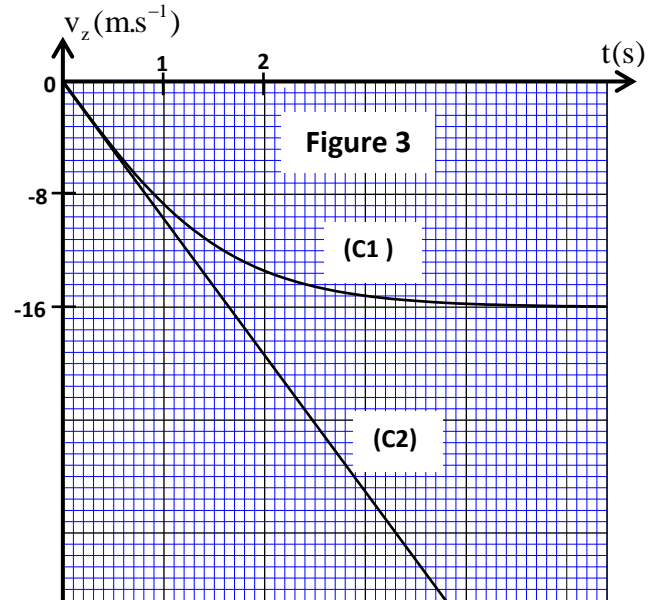
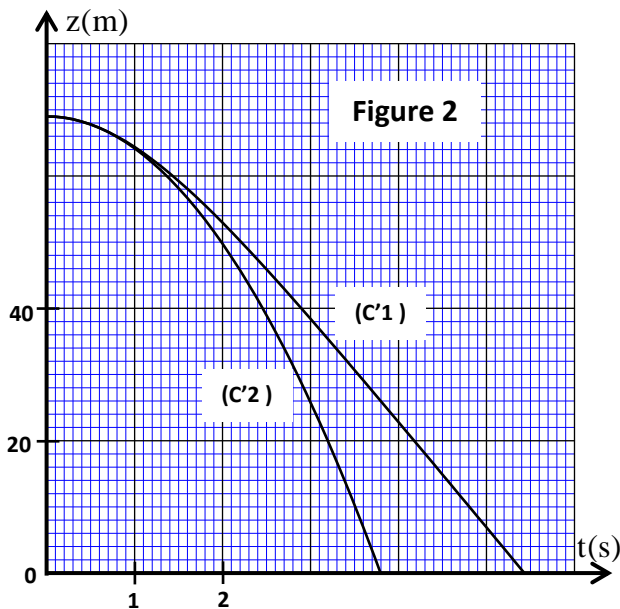
Les deux boules sont lâchées au même instant  $t = 0$ , sans vitesse initiale, du même plan horizontal auquel appartient le point  $H$ . Ce plan est situé à une hauteur  $h = 69 \text{ m}$  du sol (figure 1).



0,5 **1-** Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la vitesse  $v_z$  du centre d'inertie d'une boule s'écrit :  $\frac{dv_z}{dt} = -g + 0,165 \cdot \frac{\rho_{\text{air}}}{R \cdot \rho_i} \cdot v_z^2$ , où  $\rho_i$  désigne la masse volumique de la boule (a) ou (b).

0,5 **2-** Déduire l'expression de la vitesse limite du mouvement d'une boule.

**3-** Les courbes obtenues sur les figures 2 et 3 représentent l'évolution de la côte  $z(t)$  et de la vitesse  $v_z(t)$  du centre d'inertie  $G$  de chacune des deux boules, au cours de la chute.



0,25 **3-1-** Montrer, à l'aide de l'expression de la vitesse limite, que la courbe (c1) correspond aux variations de la vitesse de la boule (b).

0,25 **3-2-** Expliquer pourquoi la courbe (c2) correspond aux variations de la côte de la boule (a).

0,75 **4-** Déterminer, à l'aide de la courbe (c2), la nature du mouvement de la boule (a) et écrire son équation horaire  $z(t)$ .

0,25 **5-** Déterminer la différence d'altitude  $d$  entre les centres d'inertie des deux boules à l'instant où la première boule touche le sol (On néglige les dimensions des deux boules).

0,75

6- Sachant que la valeur algébrique de la vitesse de la boule (b) à l'instant de date  $t_n$  est  $v_{zn} = -11,47 \text{ m.s}^{-1}$ , trouver, en utilisant la méthode d'Euler, la valeur de l'accélération  $a_{zn}$  du mouvement à l'instant de date  $t_n$  et la vitesse  $v_{z(n+1)}$  à l'instant de date  $t_{n+1}$ . On prend le pas du calcul  $\Delta t = 125 \text{ ms}$ .

**Partie II: Etude du mouvement d'un pendule de torsion**

Cet exercice a pour objectif d'étudier le mouvement d'un pendule de torsion et de déterminer quelques grandeurs liées à ce mouvement.

On dispose d'un pendule de torsion constitué d'un fil métallique, de constante de torsion  $C$  et d'une tige  $MN$  homogène fixée en son centre d'inertie  $G$  à l'une des extrémités du fil. L'autre extrémité du fil est fixée en un point  $P$  d'un support (figure 4).

La tige peut effectuer un mouvement de rotation sans frottement autour de l'axe  $(\Delta)$  confondu avec le fil métallique. Le moment d'inertie de la tige  $MN$  par rapport à cet axe est  $J_{\Delta} = 4.10^{-4} \text{ kg.m}^2$ .

On étudie le mouvement du pendule dans un repère lié à un référentiel terrestre supposé galiléen. On repère la position de la tige  $MN$  à chaque instant  $t$  par son abscisse angulaire  $\theta$  par rapport à sa position d'équilibre stable (figure 4).

On choisit la position d'équilibre stable comme référence de l'énergie potentielle de torsion ( $E_{pt} = 0$ ) et le plan horizontal passant par  $G$  comme référence de l'énergie potentielle de pesanteur ( $E_{pp} = 0$ ).

On prendra  $\pi^2 = 10$ .

Le pendule effectue des oscillations

d'amplitude  $\theta_m = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$ . L'étude

expérimentale a permis d'obtenir la courbe de la figure 5 représentant les variations de la vitesse angulaire de l'oscillateur en fonction du temps.

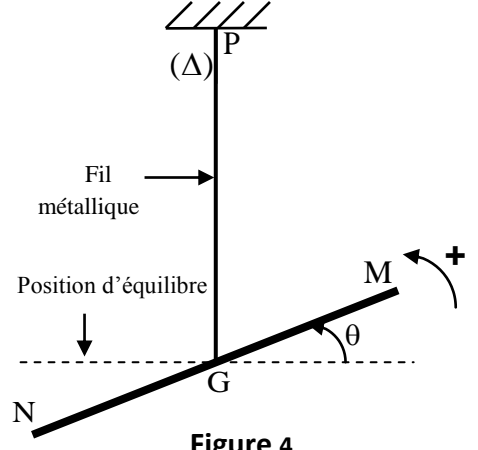


Figure 4

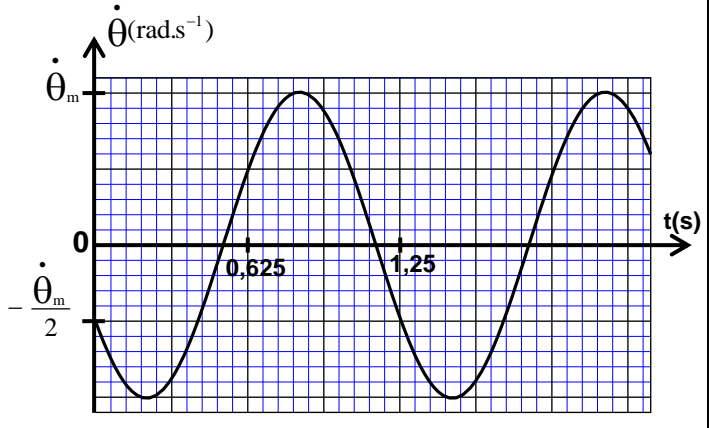


Figure 5

0,25

1- En appliquant la relation fondamentale de la dynamique dans le cas de la rotation, établir l'équation différentielle du mouvement du pendule.

2-La solution de cette équation différentielle s'écrit sous la forme :  $\theta(t) = \theta_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$  où  $T_0$  est la période propre du pendule.

0,75

2-1- Montrer que l'expression numérique de la vitesse angulaire, exprimée en  $\text{rad.s}^{-1}$ , s'écrit :

$$\dot{\theta}(t) = 4 \cdot \sin\left(1,6\pi t + \frac{7\pi}{6}\right).$$

0,5

2-2-Déterminer la valeur de la constante de torsion  $C$  du fil.

0,75

3-Trouver la valeur de l'énergie mécanique de l'oscillateur et en déduire la valeur de son énergie potentielle à l'origine des dates  $t=0$ .

